

باسمه تعالی

| | | | |
|---|------------------------|---|-----------------------|
| سؤالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲) | رشته‌ی: ریاضی فیزیک | ساعت شروع: ۱۰ صبح | مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه |
| سال سوم آموزش متوسطه | تاریخ امتحان: ۱۳۹۲/۶/۶ | | تعداد صفحات: ۲ |
| دانش‌آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور نوبت شهریور ماه سال ۱۳۹۲ | | مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir | |

| ردیف | سؤالات | نمره |
|------|--------|------|
|------|--------|------|

| | | |
|---|--|-------|
| ۱ | واژه‌های زیر را تعریف کنید: الف) خط‌های هم‌مرس (ب) چند ضلعی محیطی (پ) دو خط متناظر (ت) تبدیل تجانس | ۲ |
| ۲ | قضیه: ثابت کنید در هر مثلث، مجموع طول‌های هر دو ضلع از طول ضلع سوم بزرگتر است. | ۱ |
| ۳ | از تقاطع نیمسازهای زاویه‌های داخلی یک مستطیل، یک مربع پدید می‌آید. رابطه‌ی بین طول ضلع این مربع و اضلاع مستطیل را به دست آورید. | ۱/۵ |
| ۴ | قضیه: ثابت کنید نیمساز یک زاویه، مکان هندسی نقطه‌ای در صفحه‌ی آن زاویه است که فاصله‌ی آن از دو ضلع زاویه برابر است. | ۱/۷۵ |
| ۵ | درستی یا نادرستی جملات زیر را مشخص کنید: الف) هر زاویه‌ی خارجی یک چند ضلعی لزوماً از هر زاویه‌ی داخلی آن بزرگتر است. ب) از هر نقطه خارج دایره می‌توان دو مماس بر آن دایره رسم کرد. پ) قضیه‌ی تالس در فضا یک قضیه‌ی دو شرطی است. ت) از هر سه نقطه در فضا یک و تنها یک صفحه می‌گذرد. | ۱ |
| ۶ | قضیه: باتوجه به شکل ثابت کنید در دایره (O) اندازه هر زاویه‌ی ظلی برابر با نصف کمان رو به روی آن است. | ۱/۲۵ |
| | | |
| ۷ | در دایره‌ی (O)، چهار ضلعی AMIN محاط شده است و داریم $NI=AM$ نشان دهید: $AN \parallel MI$ | ۱/۵ |
| | | |
| ۸ | با توجه به شکل‌های زیر مقدار x و y و z را بیابید. | ۱/۵ |
| | | (الف) |
| | | (ب) |

« ادامه‌ی سوالات در صفحه‌ی دوم »

باسمه تعالی

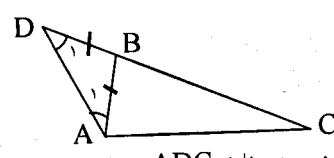
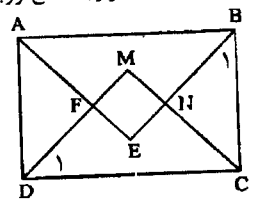
| | | | |
|---|-------------------------|--|-------------------------------------|
| مدت امتحان : ۱۳۵ دقیقه | ساعت شروع : ۱۰ صبح | رشته‌ی : ریاضی فیزیک | سؤالات امتحان نهایی درس : هندسه (۲) |
| تعداد صفحات : ۲ | تاریخ امتحان : ۱۳۹۲/۶/۶ | | سال سوم آموزش متوسطه |
| مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir | | دانش آموزان روزانه ، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور نوبت شهریور ماه سال ۱۳۹۲ | |

| ردیف | سؤالات | نمره |
|------|--|------|
| ۹ | نقاط $A(2, 0)$ ، $B(6, 2)$ ، $C(5, 4)$ و $D(1, 2)$ رأس های یک مستطیل هستند. الف) مستطیل و تصویرش را تحت بازتاب $T(x, y) = (x, -y)$ رسم کنید. ب) طول و شیب ضلع AB و تصویرش را به دست آورده و با هم مقایسه کنید. پ) آیا تبدیل ایزو متری است؟ چرا؟ | ۲ |
| ۱۰ | معادله تصویر خط $3x - 2y - 6 = 0$ تحت تبدیل انتقال $T(x, y) = (x - 3, y + 1)$ را به دست آورید. | ۱/۲۵ |
| ۱۱ | مثلث ABC و مثلث ECD متساوی الاضلاع هستند. با استفاده از تبدیل دوران ثابت کنید : $AD = BE$ و $\hat{AFB} = 60^\circ$ | ۱/۲۵ |
| ۱۲ | ثابت کنید اگر خطی با دو صفحه ی متقاطع ، موازی باشد ، آنگاه با فصل مشترک آن ها موازی است. | ۱/۲۵ |
| ۱۳ | ثابت کنید در یک هرم ، وسط یال های آن ، در یک صفحه موازی قاعده قرار دارند. | ۱/۲۵ |
| ۱۴ | اگر خط L بر صفحه ی P عمود نباشد ، صفحه ای از خط L بگذرانید که بر P عمود باشد. | ۰/۵ |
| ۱۵ | جاهای خالی را بطور مناسب پر کنید : الف) حداقل نقطه در فضا وجود دارد که بر یک صفحه قرار ندارند. ب) از هر دو نقطه ی متمایز در فضا صفحه می گذرد. پ) اگر دو صفحه بر هم عمود باشند هر خط عمود بر یکی ، با دیگری است. ت) از دو خط متمایز موازی صفحه می گذرد. | ۱ |
| | جمع نمره | ۲۰ |

«موفق باشید»

| | |
|--|---|
| راهنمای تصحیح سؤالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲) | رشته‌ی: ریاضی فیزیک |
| سال سوم آموزش متوسطه | تاریخ امتحان: ۱۳۹۲/۶/۶ |
| دانش‌آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور نوبت شهریورماه سال ۱۳۹۲ | مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir |

| | |
|------|---------------|
| ردیف | راهنمای تصحیح |
| نمره | |

| | |
|---|---|
| ۱ | <p>الف) هرگاه چند خط فقط در یک نقطه همدیگر را قطع کنند، هم‌رس نامیده می‌شوند. (۰/۵)</p> <p>ب) هرگاه همه‌ی ضلع‌های یک چند ضلعی بر یک دایره مماس باشند، چند ضلعی را محیطی می‌نامیم. (۰/۵)</p> <p>پ) دو خط در فضا را که در یک صفحه قرار نمی‌گیرند، دو خط متناظر می‌نامیم. (۰/۵)</p> <p>ت) تجانس به مرکز O و نسبت k تبدیلی است که هر نقطه‌ی A در صفحه را به نقطه‌ی A' از آن صفحه طوری نظیر کند که (۱) مرکز تجانس یعنی نقطه‌ی O ثابت باشد.</p> <p>۲) روی نیم خط OA قرار گیرد و $OA' = k \cdot OA$. (۰/۵)</p> |
| ۲ | <p>حکم: $AB + BC > AC$</p> <p>برهان: ضلع BC را از راس B امتداد می‌دهیم و به اندازه‌ی AB روی آن جدا می‌کنیم تا نقطه‌ی D به دست آید. سپس D را به A وصل می‌کنیم. (۰/۲۵) بنا بر این در مثلث ABD داریم:</p>  <p>همچنین در مثلث ADC داریم:</p> <p>با توجه به شکل $\hat{D}AC > \hat{A}$ بنا بر این $\hat{D}AC > \hat{A}$ در نتیجه $DC > AC$ (۰/۲۵) بنابراین $AB + BC > AC$</p> <p>$BD = AB \Rightarrow \hat{D}_1 = \hat{A}_1$ (۰/۲۵)</p> <p>$DC = DB + BC \Rightarrow DC = AB + BC$ (۰/۲۵)</p> |
| ۳ | <p>در هر مثلث قائم الزاویه ضلع روبه‌رو به زاویه 45° مساوی $\frac{\sqrt{2}}{2}$ وتر می‌باشد.</p>  <p>$\begin{cases} \triangle DMC : \hat{D}_1 = 45^\circ \Rightarrow MC = \frac{\sqrt{2}}{2} DC & (0/5) \\ \triangle BNC : \hat{B}_1 = 45^\circ \Rightarrow NC = \frac{\sqrt{2}}{2} BC & (0/5) \end{cases}$</p> <p>$\Rightarrow MN = MC - NC \quad (0/25) \Rightarrow MN = \frac{\sqrt{2}}{2} DC - \frac{\sqrt{2}}{2} BC \Rightarrow MN = \frac{\sqrt{2}}{2} (DC - BC) \quad (0/25)$</p> |
| ۴ | <p>مرحله اول: نقطه M را روی نیمساز زاویه \hat{XBY} در نظر می‌گیریم از خطهایی بر ضلع‌های BX و BY عمود می‌کنیم تا آنها را به ترتیب در H و K قطع کنند دو مثلث قائم الزاویه $\triangle BMH$ و $\triangle BMK$ به حالت تساوی وتر و یک زاویه‌ی تند همنهشت هستند (۰/۱۵). پس $MH = MK$ (۰/۲۵)</p> <p>مرحله دوم: اگر نقطه‌ی M از دو ضلع BX و BY به فاصله‌ی یکسان باشد. چون دو مثلث قائم الزاویه $\triangle BMH$ و $\triangle BMK$ به حالت تساوی وتر و یک ضلع قائمه همنهشت هستند (۰/۱۵).</p> <p>پس $\hat{B}_1 = \hat{B}_2$ (۰/۲۵) یعنی خطی که از B و M می‌گذرد نیمساز زاویه \hat{XBY} است.</p> <p>«ادامه در صفحه‌ی دوم»</p> |

| | |
|---|---|
| راهنمای تصحیح سؤالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲) | رشته‌ی: ریاضی فیزیک |
| سال سوم آموزش متوسطه | تاریخ امتحان: ۱۳۹۲/۶/۶ |
| دانش‌آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور نوبت شهریور ماه سال ۱۳۹۲ | مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir |

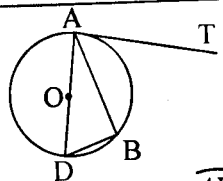
| | | |
|------|---------------|------|
| ردیف | راهنمای تصحیح | نمره |
|------|---------------|------|

۵ (الف) نادرست (۰/۲۵) ب) درست (۰/۲۵) پ) نادرست (۰/۲۵) ت) درست (۰/۲۵)

۶ زاویه ی ظلی \widehat{BAT} را در دایره ی به مرکز O در نظر می گیریم قطر AD از این دایره را رسم می کنیم. از D به نقطه B وصل می نمایم (۰/۲۵) زاویه ی \widehat{ABD} محاطی روبرو به قطر مساوی 90° است پس

(۱) (۰/۲۵) $\widehat{ADB} + \widehat{DAB} = 90^\circ$ از طرفی (۲) (۰/۲۵) $\widehat{DAB} + \widehat{BAT} = 90^\circ$

از رابطه (۱) و (۲) نتیجه می شود (۰/۲۵) $\widehat{BAT} = \widehat{ADB}$ اما می دانیم (۰/۲۵) $\widehat{ADB} = \frac{\widehat{AB}}{2}$ پس (۰/۲۵) $\widehat{BAT} = \frac{\widehat{AB}}{2}$

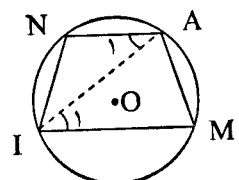


۷ از A به I وصل می کنیم (۰/۲۵) با توجه به رابطه ی $AM = NI$ نتیجه می گیریم (۰/۲۵) $\widehat{AM} = \widehat{NI}$

داریم: (۰/۲۵) $\widehat{A}_1 = \frac{\widehat{NI}}{2} \rightarrow \widehat{A}_1 = \widehat{I}_1$ زاویه محاطی (۰/۱۵)

$\widehat{I}_1 = \frac{\widehat{AM}}{2}$

طبق عکس قضیه خطوط موازی و خط مورب (۰/۲۵) $AM \parallel NI$



۸ (الف) $\begin{cases} x + y = 36 \\ \frac{y - x}{2} = 62 \end{cases} \xrightarrow{(۰/۱۵)} \begin{cases} x = 118 \\ y = 242 \end{cases} (۰/۱۵)$ ب) $6 \times 16 = 8(8 + z) \rightarrow z = 4 (۰/۲۵)$

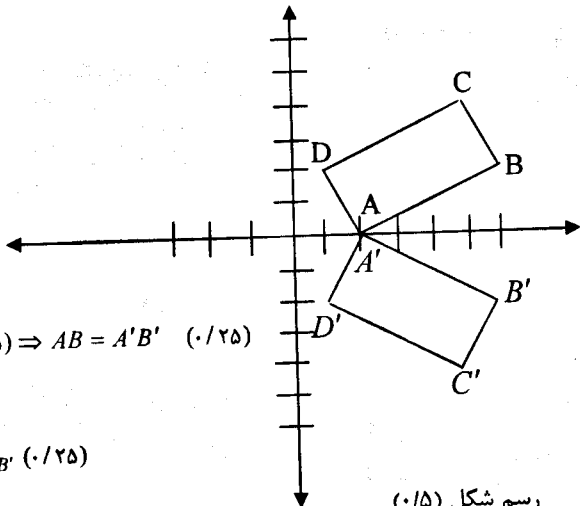
۹ الف) $T(x, y) = (x, -y)$

$\left. \begin{aligned} A(2, 0) &\rightarrow A'(2, 0) \\ B(6, 2) &\rightarrow B'(6, -2) \\ C(5, 4) &\rightarrow C'(5, -4) \\ D(1, 2) &\rightarrow D'(1, -2) \end{aligned} \right\} (۰/۲۵)$

ب) $AB = \sqrt{(6-2)^2 + (2-0)^2} = \sqrt{20} = 2\sqrt{5}$ (۰/۲۵) $\Rightarrow AB = A'B'$ (۰/۲۵)

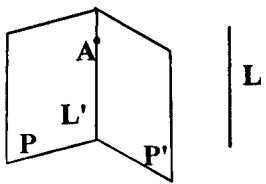
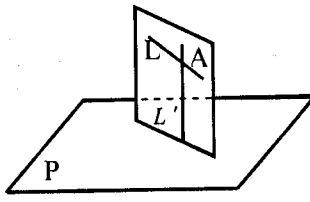
$A'B' = \sqrt{(6-2)^2 + (-2-0)^2} = \sqrt{20} = 2\sqrt{5}$

$\left. \begin{aligned} m_{AB} &= \frac{2-0}{6-2} = \frac{1}{2} \\ m_{A'B'} &= \frac{-2-0}{6-2} = -\frac{1}{2} \end{aligned} \right\} (۰/۲۵) \Rightarrow m_{AB} \neq m_{A'B'} (۰/۲۵)$



رسم شکل (۰/۱۵)

ج) بله، چون تبدیل باز تاب ایزومتری است. (۰/۲۵)

| راهنمای تصحیح سؤالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲) | | رشته‌ی: ریاضی فیزیک |
|--|---|---|
| سال سوم آموزش متوسطه | | تاریخ امتحان: ۱۳۹۲/۶/۶ |
| دانش‌آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور نوبت ششمیورماه سال ۱۳۹۲ | | مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir |
| ردیف | راهنمای تصحیح | |
| نمره | | |
| ۱۰ | $L: 3x - 2y - 6 = 0$ $T(x, y) = (x - 3, y + 1)$ $A(0, -3) \xrightarrow{T} A'(-3, -2) \quad (0/25)$ $B(2, 0) \xrightarrow{T} B'(-1, 1) \quad (0/25)$ $m' = \frac{1+2}{-1+3} = \frac{3}{2} \quad (0/25) \Rightarrow L': y - 1 = \frac{3}{2}(x + 1) \quad (0/5) \Rightarrow y = \frac{3}{2}x + \frac{5}{2}$ | |
| ۱۱ | <p>تحت یک دوران 60° حول نقطه ی C (۰/۲۵) ، مثلث ACD، روی مثلث BCE تصویر می شود. (۰/۲۵) بنابراین</p> <p>$AD \rightarrow BE$ (۰/۲۵) و ضلع BE رابا زاویه 60° قطع می کند. (۰/۲۵) چون طول تحت دوران حفظ می شود پس $AD = BE$ (۰/۲۵) و همچنین $\hat{AFB} = 60^\circ$</p> | |
| ۱۲ |  <p>فرض می کنیم خط L موازی دو صفحه ی متقاطع P و P' باشد. از یک نقطه ی فصل مشترک مانند A خط L' را موازی L رسم می کنیم. (۰/۲۵) چون خط L با صفحه ی P موازی است ، خط L' به تمامی در صفحه ی P قرار دارد. (۰/۵)</p> <p>با استدلالی مشابه خط L' به تمامی در صفحه ی P' قرار دارد. (۰/۲۵)</p> <p>پس L' همان فصل مشترک دو صفحه ی متقاطع P و P' است که با خط L موازی است. (۰/۲۵)</p> | |
| ۱۳ | $\frac{SA}{AM} = \frac{SC}{CP} = 1 \Rightarrow AC \parallel MP \quad (0/5)$ $\frac{SC}{CP} = \frac{SB}{BN} = 1 \Rightarrow BC \parallel NP \quad (0/5)$ <p>چون دو خط متقاطع از صفحه ی مثلث ABC با دو خط متقاطع از مثلث MNP موازی است پس این دو صفحه با هم موازی هستند. (۰/۲۵)</p> | |
| ۱۴ | <p>از یک نقطه مانند A روی خط L ، خط L' را عمود بر صفحه ی P رسم می کنیم (۰/۲۵) و L' و L دو خط متقاطع اند و صفحه ای که از این دو خط می گذرد ، جواب مسأله است. (۰/۲۵)</p>  | |
| ۱۵ | <p>الف) چهار (۰/۲۵) ب) بی شمار (۰/۲۵) پ) موازی (۰/۲۵) ت) یک و تنها یک (۰/۲۵)</p> | ۱ |
| ۲۰ | جمع نمره | «موفق باشید» |

« مصححین محترم: لطفاً به راه حل های درست و منطبق بر کتاب درسی بازم به تناسب منظور شود.»